

**Геометрия, 9 "А", 12 сентября, домашнее задание.**

1. Дан равносторонний треугольник  $ABC$ ,  $AB = 6$ . Найдите  $\left| \frac{1}{3} \overrightarrow{AC} - \overrightarrow{AB} \right|$ .
2. Дан прямоугольник  $ABCD$  со сторонами  $AB = 2$  и  $BC = 6$ . Найдите  $\left| \frac{2}{3} \overrightarrow{BC} - \frac{3}{2} \overrightarrow{AB} \right|$ .
3. Пусть  $AA_1$ ,  $BB_1$  и  $CC_1$  — медианы треугольника  $ABC$ . Докажите, что  $\overrightarrow{AA_1} + \overrightarrow{BB_1} + \overrightarrow{CC_1} = \overrightarrow{0}$ .
4. Пусть  $M$  — середина стороны  $BC$  треугольника  $ABC$ . Пусть  $\overrightarrow{AM} = \overrightarrow{x}$ ,  $\overrightarrow{AC} = \overrightarrow{y}$ . Выразите  $\overrightarrow{AB}$  через  $\overrightarrow{x}$  и  $\overrightarrow{y}$ .
5. Пусть  $M$  — точка пересечения медиан треугольника  $ABC$ ,  $O$  — любая точка на плоскости. Докажите, что  $\frac{1}{3} (\overrightarrow{OA} + \overrightarrow{OB} + \overrightarrow{OC}) = \overrightarrow{OM}$ .