

## Зачет, билет 7

*Пункты с 1 по 2 сдаются только в устной форме. Пункты с 4 по 5 — в письменной сразу по окончании зачёта.*

- 1) Основная теорема арифметики: формулировка, доказательство существования разложения.
  - 2) Произвольный вопрос по 1 дополнительной части программы.
  - 3) Докажите тождество  $1 \cdot 1! + 2 \cdot 2! + \dots + n \cdot n! = (n + 1)! - 1$ .
  - 4) Найти минимальное натуральное  $n$  такое, что  $n = 2a^2 = 3b^3 = 5c^5$ .
- 

## Зачет, билет 8

*Пункты с 1 по 2 сдаются только в устной форме. Пункты с 4 по 5 — в письменной сразу по окончании зачёта.*

- 1) Существование неполного частного и остатка при делении на ненулевое целое число.
  - 2) Произвольный вопрос по 1 дополнительной части программы.
  - 3) Докажите тождество  $1^2 + 3^2 + \dots + (2n - 1)^2 = \frac{1}{3}n(2n - 1)(2n + 1)$ .
  - 4) Сумма пяти делителей натурального числа  $a$  — простое число. Докажите, что их произведение не превосходит  $a^4$ .
- 

## Зачет, билет 7

*Пункты с 1 по 2 сдаются только в устной форме. Пункты с 4 по 5 — в письменной сразу по окончании зачёта.*

- 1) Основная теорема арифметики: формулировка, доказательство существования разложения.
  - 2) Произвольный вопрос по 1 дополнительной части программы.
  - 3) Докажите тождество  $1 \cdot 1! + 2 \cdot 2! + \dots + n \cdot n! = (n + 1)! - 1$ .
  - 4) Найти минимальное натуральное  $n$  такое, что  $n = 2a^2 = 3b^3 = 5c^5$ .
- 

## Зачет, билет 8

*Пункты с 1 по 2 сдаются только в устной форме. Пункты с 4 по 5 — в письменной сразу по окончании зачёта.*

- 1) Существование неполного частного и остатка при делении на ненулевое целое число.
  - 2) Произвольный вопрос по 1 дополнительной части программы.
  - 3) Докажите тождество  $1^2 + 3^2 + \dots + (2n - 1)^2 = \frac{1}{3}n(2n - 1)(2n + 1)$ .
  - 4) Сумма пяти делителей натурального числа  $a$  — простое число. Докажите, что их произведение не превосходит  $a^4$ .
-