

**Алгебра, 8 "В", 6 апреля, самостоятельная работа.**

- 1) Докажите, что  $x^5 - t^5 \geq x^4t - t^4x$  при всех  $t$  и  $x$ . Когда будет равенство?
- 2) Для  $a, b > 0$  докажите неравенство:  $\left(\frac{1}{a} + 4\right)\left(\frac{9}{b} + 1\right)\left(\frac{ab}{25} + \frac{1}{36}\right) \geq \frac{8}{5}$ . Может ли оно обратиться в равенство?
- 3) Произведение положительных чисел  $a$  и  $b$  равно 8. Найдите наименьшее значение суммы  $a + 2b$ .
- 4) Известно, что  $1 \leq x \leq 4$ . Оцените значение выражения  $8 + 4x - x^2$ .
- 5) Две машинистки могут перепечатать рукопись за какое-то время. Докажите, что если сначала одна перепечатает половину рукописи, а потом вторая — остальную часть, то у них уйдёт по крайней мере вдвое больше времени.
- 6) Для  $a, b > 0$  докажите неравенство:  $\frac{a}{b+2a} + \frac{b}{a+2b} \leq \frac{2}{3}$ .