

**Модуль***Свойства модуля*

- 1)  $|xy| = |x| \cdot |y|$ ;      1а)  $|x| = |-x|$ ;      1б)  $|x_1 x_2 \dots x_n| = |x_1| \cdot |x_2| \cdot \dots \cdot |x_n|$ ;  
 2)  $|x| - |y| \leq |x + y| \leq |x| + |y|$ ;      2а)  $|x_1 + x_2 + \dots + x_n| \leq |x_1| + |x_2| + \dots + |x_n|$ .

*Геометрический смысл модуля*

$|x|$  - это расстояние от  $x$  до нуля.

$|x - a|$  - это расстояние от  $x$  до  $a$ .

Решите уравнения и неравенства:

1. а)  $|x - 5| = |x + 7|$ ;      2. а)  $|x - 4| + |x - 6| = 10$ ;
- б)  $|x - 5| < |x + 7|$ ;      б)  $|x - 4| + |x - 6| > 10$ .
- в)  $\left| \frac{x-5}{x+7} \right| > 1$ .
3. а)  $|x - 4| - |x + 6| = 10$ ;      б)  $|x - 4| - |x + 6| = 2$ ;      в)  $|x - 4| - |x + 6| = 12$ .
4. а)  $|x - 4| - |x + 6| \leq 10$ ;      б)  $|x - 4| - |x + 6| \leq 2$ .

*Разные задачи*

1. Решите уравнение:  $|x - 2| + |x - 1| + |x| + |x + 1| + |x + 2| = 6$
2. Решите уравнения: а)  $||3 - x| - x + 1| + x = 6$ ;      б)  $|x - ||2x - 1| - 3|| = 5$ ;      в)  $|x - |x - |x - 2|||| = 2$ .
3. а) Постройте график функции  $y = |3 - |x - 4||$ ;  
 б) При каких значениях параметра  $a$  уравнение  $|3 - |x - 4|| = a$  имеет три решения?
4. Докажите неравенство:  $|x| + |y| + |z| \leq |x + y - z| + |x - y + z| + |-x + y + z|$ .
5. Докажите, что если  $a + b + c + d > 0$ ,  $a > c$ ,  $b > d$ , то  $|a + b| > |c + d|$ .
6. Найдите максимально возможное значение выражения  $|\dots||x_1 - x_2| - x_3| - \dots - x_{10}|$ ,  
 где  $x_1, x_2, \dots, x_{10}$  — различные натуральные числа от 1 до 10.

*Домашнее задание*

7. Решите уравнения и неравенства:
  - а)  $|x + 2| \geq |x + 9|$ ;      г)  $|x - 4| - |x - 9| = 6$ ;
  - б)  $|x - 5| + |x + 7| = 12$ ;      д)  $|x - 4| - |x - 9| > 4$ ;
  - в)  $|x - 5| + |x + 7| = 20$ ;      е)  $|1 - |2x - 4|| = 6$ .
8. Постройте график функции  $y = |1 - |2x - 4||$ .
9. При каких значениях параметра  $a$  уравнение  $|1 - |2x - 4|| = a$  имеет три решения?