

9 "А", биологи, алгебра, 10 сентября, самостоятельная работа.

1) Известно, что $f(x) = \frac{x^2+10}{x^2+x+1}$.

а) Найдите область определения этой функции.

б) Какое значение принимает эта функция в точке 2?

в) В каких точках она принимает значение 2?

2) Нарисуйте график какой-нибудь функции, определённой на $[-4; 4]$, убывающей на $[-4; -1]$ и $[2; 4]$ и возрастающей на $[-1; 2]$.

3) Найдите область определения функции $g(x) = \sqrt{4-3x} + \frac{x^3-1}{\sqrt{2x+7}}$.

4) Турист вышел со стоянки и планировал через 7 часов дойти до следующей. Пройдя 2 часа со скоростью 3 км/ч, он понял, что идёт медленно и увеличил скорость до 4,5 км/ч. Оказалось, что теперь он переборщил и пришёл на час раньше. Начертите график движения туриста и ответьте на вопросы:

а) Сколько километров прошёл турист?

б) На каких промежутках функция, график которой Вы начертили возрастает? убывает? остаётся постоянной?

в) На сколько километров в час должен был увеличить свою скорость турист, когда понял, что опаздывает, чтобы прийти на стоянку вовремя?

5) Докажите, что функция $y = \frac{x^2+1}{x}$ убывает на $(0, 1)$.

6) На область определения функции $y = \frac{-6}{x}$ наложено искусственное ограничение: $x \geq -2$. Какой тогда станет область значений этой функции?