

**Геометрия, 8 "В", 20 декабря, дополнительная работа.**

- 1) В треугольнике  $ABC$  проведены чевианы  $AA'$ ,  $BB'$  и  $CC'$ , пересекающиеся в точке  $Q$ . Известно, что  $AQ : QA' = 4 : 1$  и  $BQ : QB' = 5 : 3$ . Найдите  $CQ : QC'$ .
- 2) Через каждую вершину трапеции, основания которой равны  $a$  и  $b$ , проведена прямая, параллельная диагонали. Одна из диагоналей образованного этими прямыми четырёхугольника не пересекает оснований. Докажите, что она им параллельна и найдите её длину.
- 3) На одной стороне угла выбраны точки  $A$ ,  $B$  и  $C$  (в порядке удаления от вершины), а на другой — точки  $A_1$ ,  $B_1$  и  $C_1$  (в таком же порядке). Оказалось, что  $AB_1 \parallel BC_1$  и  $BA_1 \parallel CB_1$ . Докажите, что тогда  $AA_1 \parallel CC_1$ .