

**Геометрия, 8 "В", 22 октября, домашнее задание.**

- 1) В треугольнике  $ABC$   $M$  — середина стороны  $AB$ ,  $N$  — точка на стороне  $BC$ . Известно, что  $MN = \frac{1}{2}AC$ . Обязательно ли  $MN$  — средняя линия треугольника?
- 2) В треугольнике  $ABC$   $M$  — точка на стороне  $AB$ ,  $N$  — точка на стороне  $BC$ . Известно, что  $MN \parallel AC$  и  $MN = \frac{1}{2}AC$ . Обязательно ли  $MN$  — средняя линия треугольника?
- 3) На боковых сторонах  $AB$  и  $CD$  трапеции  $ABCD$  выбраны точки  $P$  и  $Q$  так, что  $AP : PB = DQ : QC = 3 : 1$ . Найдите  $PQ$ , если  $BC = 7$  и  $AD = 19$ .
- 5) Та же задача, но  $AP : PB = DQ : QC = 2 : 1$ .
- 6)  $M$  — середина стороны  $AD$  параллелограмма  $ABCD$ . В каком отношении  $BM$  делит  $AC$ ?
- 7) На сторонах  $AB$ ,  $BC$ ,  $AC$  треугольника  $ABC$  выбраны точки  $C'$ ,  $A'$  и  $B'$  соответственно так, что отрезки  $AA'$ ,  $BB'$ ,  $CC'$  пересекаются в одной точке и делятся ею в отношении  $2 : 1$ , считая от вершины. Докажите, что эти отрезки — медианы треугольника  $ABC$ .
- 8) На сторонах  $AB$ ,  $BC$ ,  $AC$  треугольника  $ABC$  выбраны точки  $C'$ ,  $A'$  и  $B'$  соответственно. Могут ли середины этих отрезков лежать на одной прямой?